2 – Мавзу. Vektorlarning berilgan bazisga ko`ra koordinatalari va ularning xossalari. Vektor fazo ta’rifi.

Режа:

1. Vektor fazo va bazis.
2. Vektorlarning berilgan bazisga ko`ra koordinatalari va ularning xossalari

 Vektor fazo va bazis.

Fazodagi barcha vektorlar to’plamini *V* bilan belgilaymiz, unda vektorni qo’shish va ayirish, vektorni songa ko’paytirish amallari aniqlangan.

1.1 Teorema. Vektorlarni qo’shish va songa ko’paytirish quyidagi xossalarga ega.

1°.  (qo’shishga nisbatan kommutativ)

2°.  (qo’shishga nisbatan assotsiativ)

3°. Ixtiyoriy  uchun shunday O mavjudki ular uchun:  +0=.

4°. Har bir  uchun shunday -  mavjudki ular uchun:  + (-)=O (bunda - ni  ga qarama-qarshi vektor deyiladi).

5°. Itiyoriy ikki haqiqiy son  va ixtiyoriy  uchun: 

6°. Ixtiyoriy ikki haqiqiy  son va ixtiyoriy  uchun: 

7°. Ixtiyoriy  son va ixtiyoriy ,  lari uchun: 

80. Ixtiyoriy  uchun: 1 = 

Isbot. 1, 2 xossalarning isbotini 7, 8 chizmalardan ko’rish mumkin.

b

a+b

b

b

a

a+b

c

b+c

(a + b) + c = a + (b + c)

7 - chizma

8 - chizma

30 va 80 xossalar ravshan. 40 ga qaraylik. Agar  bo’lsa, -  sifatida  ni olish mumkin. Vektorlarni qo’shish ta’rifga asosan

+(-)=  + =  = 

50, 60, 70 xossalarni talabalar mustaqil ish sifatida o’rganadi.

*V* vektorlar to’plami 1.1-teoremada aytilgan sakkizta xossani qanoatlantirsa, u holda *V* vektorlar to’plamini vektor fazo yoki chiziqli fazo deyiladi.[[1]](#footnote-1)

1. Vektor fazoning bazisi

 Vektor fazoda ma’lum tartibda olingan chiziqli erkli vektorlar

 (2.1)

berilgan bo’lsin.

Ta’rif. Vektor fazoning har bir vektori (2.1) vektorlar sistemasi orqali chiziqli ifodalansa, (4.1) sistema vektor fazo bazisi deyiladi.

Ya’ni 

Ta’rif. Agar bazis vektorlarning har bir vektori birlik vektor bo’lib, ularning har ikkitasi o’zaro perpendikulyar bo’lsa, bunday bazisni ortogonal bazis deyiladi.

Bazis vektorlar soni vektor fazoning o’lchovi deyiladi.

2.Vektorlarning berilgan bazisga nisbatan koordinatalari va ularning xossalari.

*V3* uch o’lchovli chiziqli fazo va uning  bazis vektorlari berilgan bo’lsin, u holda ta’rifga ko’ra bu fazoning har bir  vektorini

 (2.2)

ko’rinishda yozish mumkin. 

(2.2) ifodani  ning  bazis vektorlar bo’yicha yoyilmasi deyiladi.

2.1-teorema. Vektor fazoning ixtiyoriy vektori tanlab olingan bazis vektorlarga nisbatan yagona yoyilmaga ega.

Isbot. Faraz qilaylik,  vector bazis  vektorlar bo’yicha

  (2.3)

yoyilmadan tashqari, ikkinchi bir

  (2.4)

yoyilmaga ham ega bo’lsin. (2.3) tenglikdan (2.4) tenglikni hadlab ayirib quyidagiga ega bo’lamiz .

 vektorlar chiziqli erkli bo’lgani uchun: , , . Bundan , ,  demak, yoyilma yagona.

(2.3) yoyilmadagi *x, y, z* haqiqiy sonlar  vektorning () bazis vektorlarga nisbatan koordinatalari deyiladi va  ko’rinishda yoziladi. Shunday qilib 

Natija. Nol vektorning har qanday bazisga nisbatan koordinatalari nolga teng: (0, 0, 0).

*V3* vektor fazoda va  vektorlar o’zining bazis () vektorlariga nisbatan ushbu koordinatalarga ega bo’lsin:





1. va vektorlarni qo’shamiz (ayiramiz).

 

Bu tenglikdan vektorlarni qo’shish (ayirish) xossalariga ko’ra

.

Bundan .

Demak, ikki vektor yig’indisining (ayirmasining) koordinatalari qo’shiluvchi (ayriluvchi) vektorlar mos koordinatalarning yig’indisidan (ayirmasidan) iborat.

2.  ning  songa ko’paytmasining, ya’ni  vektorning koordinatalari

bo’ladi.



1-chizma

1. Mathematical Literacy for Humanists, Herbert Gintis 75-76, mazmun – mohiyatidan foydalanildi [↑](#footnote-ref-1)